

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
РІВНЕНСЬКИЙ ІНСТИТУТ ВІДКРИТОГО МІЖНАРОДНОГО
УНІВЕРСИТЕТУ РОЗВИТКУ ЛЮДИНИ «УКРАЇНА»

Лисак Тарас Олександрович

**ПОБУДОВА І ДОСЛІДЖЕННЯ
ЕКОНОМІКО-МАТЕМАТИЧНОЇ МОДЕЛІ
ЗАЛЕЖНОСТІ ЦІНИ ТОВАРУ І ПОПИТУ
МЕТОДОМ СТАТИСТИЧНИХ ВИПРОБУВАНЬ
МОНТЕ-КАРЛО**
Апроксимація поліномом першого степеня

Модель ЕП – 2-13

Науковий керівник:
кандидат технічних наук,
Доцент Р. М. Літнарівч

Рівне – 2008

УДК 303.725.33

Лисак Т. О. Побудова і дослідження економіко-математичної моделі залежності ціни товару і попиту методом статистичних випробувань Монте-Карло. Апроксимація поліномом першого степеня. Модель ЕП- 2- 13. Науковий керівник Р.М. Літнарівч. РІВМУРОЛ, Рівне, 2008, 30с.

Рецензент: В. Г. Бурачек, доктор технічних наук, професор;

Відповідальний за випуск: Й. В. Джунь, доктор фізико-математичних наук, професор.

На основі фактичних даних залежності ціни товару і попиту на нього побудована математична модель залежності впливу ціни товару на попит у вигляді поліному першого степеня по способу найменших квадратів.

В даній роботі генеруються середні квадратичні похибки, які приводяться до заданих нормованих, будується спотворена модель, зрівноважується по способу найменших квадратів. Знаходяться ймовірніші значення коефіцієнтів a , в поліному першого степеня апроксимуючої математичної моделі.

Робиться оцінка точності і даються узагальнюючі висновки.

Приміненний метод статистичних випробувань Монте Карло дав можливість провести широкомасштабні дослідження і набирати велику статистику.

Для студентів і аспірантів економічних вузів.

© Т. О. Лисак, 2008

Зміст

Передмова	4
1. Представлення істинної моделі	4
2. Генерування істинних похибок для дослідження математичної моделі методом статистичних випробувань Монте-Карло	5
3. Представлення системи нормальних рівнянь	8
4. Встановлення коефіцієнтів нормальних рівнянь.....	10
5. Рішення системи лінійних рівнянь способом Крамера.. ..	11
6. Контроль зрівноваження	14
7. Оцінка точності параметрів, отриманих із рішення системи нормальних рівнянь	14
Висновки	24
Література	25
Додатки	26

Передмова

За результатами фактичних даних залежності ціни товару і попиту на нього, будується математична модель у вигляді поліному першого степеня.

Вихідними даними для проведення досліджень в даній роботі береться ціна товару (Y_i) в тис грн. і попит на нього (X_i) тис. шт.

По цим даним була побудована математична модель у вигляді поліному першого степеня способом найменших квадратів. Дана модель приймалась за істинну модель.

Генерувались випадкові числа, знаходився коефіцієнт пропорційності K і дані випадкові числа приводилися до середньої квадратичної похибки $0,1$.

Будується спотворена модель, яка зрівноважується по способу найменших квадратів.

Дається оцінка точності елементів, зрівноважених процедурою способу найменших квадратів. Робляться узагальнюючі висновки.

1. Представлення істинної моделі

За результатами строгого зрівноваження отримана емпірична формула залежності попиту на товар X від ціни товару Y .

$$y = -4,717425x^3 + 33,731505x^2 - 85,78331x + 88,244437$$

Таблиця 1. Вихідні дані істинної моделі у табличному вигляді

x	1,6	2	2,1	2,3	2,5	2,8	2,9	3	3,1	3,3
y	18,021	13,864	13,167	11,986	10,898	8,949	8,101	7,108	5,939	2,965

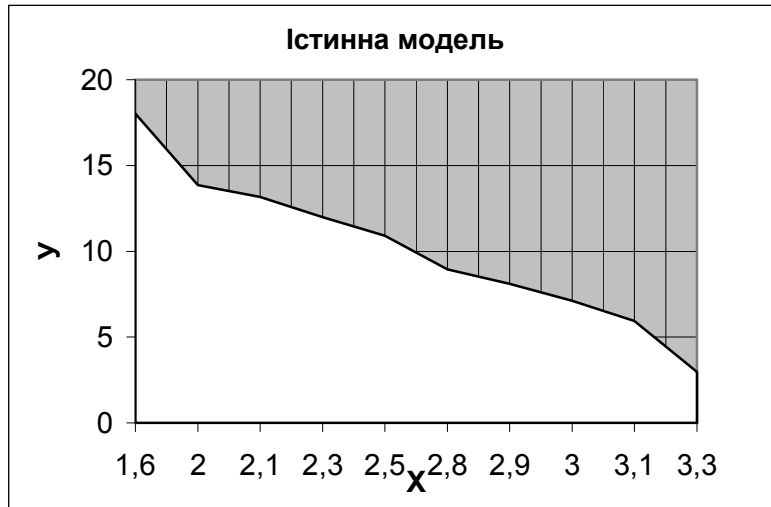


Рис.1. Точкова діаграма і графік істинної моделі

За даними таблиці 1 побудуємо точкову діаграму і графік.

Побудувавши ймовірнішу модель по способу найменших квадратів і зробивши оцінку точності її елементів, в подальшому необхідно провести дослідження точності залежності ціни товару і попиту на нього методом статистичних випробувань Монте Карло. Для цього необхідно генерувати істинні похибки за допомогою генератора випадкових чисел.

2. Генерування істинних похибок для дослідження математичної моделі методом статистичних випробувань Монте Карло

У нашому випадку незалежні змінні представляються з точністю 0,1.

Тому логічно генерувати випадкові похибки з точністю, яка б дорівнювала 0,05, тобто половині шкали, з якою ми працюємо. Але, поставимо перед собою задачу ще дослідити математичні моделі з граничною точністю, яку приймемо вдвічі більшу за 0,05,

тобто рівну 0,1. Сучасні калькулятори мають «вшиті» генератори для генерування випадкових чисел від 0 до 1. Але вони генерують числа тільки зі знаком «плюс».

Приведемо методику розрахунку випадкових чисел, які приймемо в подальшому, як істинні похибки для побудови спотвореної моделі.

1. Отримавши ряд випадкових (а точніше псевдо-випадкових) чисел ξ_{cp} ,

$$\xi_{cp} = \frac{\sum_{i=1}^n \xi_i}{n} \quad (2.1)$$

Де n – сума випадкових чисел.

2. Розраховуються попередні значення істинних похибок Δ'_i за формулою

$$\Delta'_i = \xi_i - \xi_{cp} \quad (2.2)$$

3. Знаходять середню квадратичну похибку попередніх істинних похибок за формулою Гауса

$$m_{\Delta'} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n \Delta'^2_i}{n}} \quad (2.3)$$

4. Знаходять коефіцієнт пропорційності K , для визначення істинних похибок необхідності точності

$$K = \frac{c}{m'_{\Delta'}} \quad (2.4)$$

де c – необхідна константа.

Так, наприклад, при $m'_{\Delta'} = 0,28$ і необхідності побудови математичної моделі з точністю $c = 0,1$, будемо мати

$$K_{0,1} = \frac{0,1}{0,28} = 0,357, \text{ а при } c = 0,05, \text{ отримаємо}$$

$$K = \frac{0,05}{0,28} = 0,178.$$

5. Істинні похибки розраховуються за формулою

$$\Delta_i = \Delta'_i \cdot K \quad (2.5)$$

6. Заключним контролем служить розрахунок середньої квадратичної похибки m_{Δ} генерованих істинних похибок Δ

$$m_{\Delta} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n \Delta^2}{n}} \quad (2.6)$$

і порівняння $m_{\Delta} = c \quad (2.7)$

Таблиця 2. Генерування псевдо-випадкових чисел і розрахунок істинних похибок

№	ξ_i	ξ_{cp}	$\Delta'_i = \xi_i - \xi_{cp}$	$\Delta_i'^2$	$\Delta_i = \Delta'_i \cdot K$	Δ_i^2
1	0,97	0,448	0,522	0,272484	0,18241	0,03327195
2	0,84		0,392	0,153664	0,137	0,01876331
3	0,2		-0,248	0,061504	-0,0867	0,00751001
4	0,43		-0,018	0,000324	-0,006	0,00003956
5	0,66		0,212	0,044944	0,07408	0,00548794
6	0,54		0,092	0,008464	0,032	0,00103351
7	0,03		-0,418	0,174724	-0,1461	0,02133486
8	0,25		-0,198	0,039204	-0,069	0,00478705
9	0,22		-0,228	0,051984	-0,0797	0,00634756
10	0,34		-0,108	0,011664	-0,0377	0,00142425
n=10	4,48		5,82867E-16	0,81896	-2,1E-16	0,10000000

Середня квадратична похибка попередніх істинних похибок

$$\Delta'_m = \sqrt{\frac{0,81896}{10}} = 0,287$$

Коефіцієнт пропорційності $K = \frac{0,1}{0,287} = 0,349$.

Середня квадратична похибка при генеруванні випадкових чисел з точністю $c = 0,1$

$$m_{\Delta_i} = \sqrt{\frac{0,1000000}{10}} = 0,1$$

Таблиця 3. Побудова спотвореної моделі

№	Істинна модель		Δ_i	$x_{спов.} = x_{icm.} + \Delta_i$
	x_{icm}	y_{icm}		
1	1,6	18,021	0,18241	1,782
2	2	13,864	0,137	2,137
3	2,1	13,167	-0,0867	2,013
4	2,3	11,986	-0,006	2,294
5	2,5	10,898	0,07408	2,574
6	2,8	8,949	0,032	2,832
7	2,9	8,101	-0,1461	2,754
8	3	7,108	-0,069	2,931
9	3,1	5,939	-0,0797	3,020
10	3,3	2,965	-0,0377	3,262
	$\Sigma 25,6$	$\Sigma 100,998$	-2,1E-16	25,600

По даним спотвореної моделі виконують строге зрівноваження методом найменших квадратів і отримують ймовірніші моделі, яким роблять оцінку точності зрівноважених елементів і дають порівняльний аналіз на основі якого заключають на предмет поширення даної моделі для рішення даної проблеми в цілому.

3. Представлення системи нормальних рівнянь

У результаті проведеного експерименту ми маємо ряд результатів X_i, Y_i , функціональну залежність між якими будемо шукати за допомогою поліному степені K , де коефіцієнти a_i являються невідомими.

Тоді, система нормальних рівнянь буде

$$\begin{aligned}
 na_0 + a_3[x] + a_2[x^2] + \dots + a_m[x^m] - [y] &= 0, \\
 a_0[x] + a_3[x^2] + a_2[x^3] + \dots + a_m[x^{m+1}] - [xy] &= 0, \\
 a_0[x^2] + a_1[x^3] + a_2[x^4] + \dots + a_m[x^{m+1}] - [x^2y] &= 0,
 \end{aligned}
 \tag{3.1}$$

$$a_0[x^m] + a_1[x^{m+1}] + a_2[x^{m+2}] + \dots + a_m[x^{2m}] - [x^m y] = 0,$$

де знаком [] позначена сума відповідного елемента.
 Для поліному першої степені виду

$$y = a + vx
 \tag{3.2}$$

Система нормальних рівнянь буде

$$\begin{aligned}
 b[x^2] + a[x] - [yx] &= 0, \\
 b[x] + na - [y] &= 0,
 \end{aligned}
 \tag{3.3}$$

В подальшому будемо рiшати систему лiнiйних нормальних рiвнянь (3.3) одним iз вiдомих в математицi способiв.

4. Встановлення коефіцієнтів нормальних рівнянь

Приведемо розрахункову таблицю, на основі якої отримують коефіцієнти нормальних рівнянь.

Таблиця 4. Розрахунок коефіцієнтів нормальних рівнянь.

№	$x_{сноте}$	$y_{існ}$	x^0	x^2	xy	y^2
1	1,782	18,021	1	3,177	32,1207 4	324,756
2	2,137	13,864	1	4,567	29,6270 8	192,210
3	2,013	13,167	1	4,054	26,5096 4	173,370
4	2,294	11,986	1	5,261	27,4924 1	143,664
5	2,574	10,898	1	6,626	28,0523 3	118,766
6	2,832	8,949	1	8,021	25,3448 9	80,085
7	2,754	8,101	1	7,584	22,3096 3	65,626
8	2,931	7,108	1	8,590	20,8322 1	50,524
9	3,020	5,939	1	9,122	17,9377 3	35,272
10	3,262	2,965	1	10,642	9,67260 3	8,791
Σ	25,600	100,998	10	67,644	239,899	1193,065

Таким чином, на основі проведених розрахунків нами отримана наступна система нормальних рівнянь

$$b[X^2] + a[X] - [YX] = 0,
 \tag{4.1}$$

$$b[X] + na - [Y] = 0.$$

$$\begin{aligned} 67,644b + 25.6a - 239,899 &= 0, & (4.1') \\ 25.600b + 10.0a - 100.998 &= 0. \end{aligned}$$

5. Рішення системи лінійних рівнянь способом Крамера

Нехай, маємо систему лінійних рівнянь

$$\begin{aligned} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n &= b_1, \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n &= b_2, \\ \dots & \dots \\ a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \dots + a_{nn}x_n &= b_n. \end{aligned} \quad (5.1)$$

Для того, щоб із цієї системи визначити невідомі c , складемо із коефіцієнтів при невідомих визначник Δ , який називається визначником системи рівнянь (5.1).

$$\Delta = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{nn} \end{vmatrix} \quad (5.2)$$

Помножимо ліву і праву частини рівності (5.2) на x_i . В лівій частині будемо мати Δx_i , в правій же частині введемо у всі члени i -го стовпчика визначника a_k і множник x_i

$$\Delta \cdot x_i = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1i}x_i & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2i}x_i & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & a_{ni}x_i & \dots & a_{nn} \end{vmatrix} \quad (5.3)$$

Потім до i -го стовпчика визначника (5.3) додамо всі інші стовпчики, помножені відповідно на x_1, x_2, \dots, x_n . Величина

визначника від цього не зміниться. Тоді i -стовпчик представить собою ліву частину системи рівнянь (5.1).

Замінімо його вільними членами цієї системи і позначимо через Δ_i

$$\Delta \cdot x_i = \Delta_i = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & b_1 & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & b_2 & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & b_n & \dots & a_{nn} \end{vmatrix} \quad (5.4)$$

$$\text{Звідки, } x_i = \frac{\Delta_i}{\Delta} = \frac{\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & b_1 & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & b_2 & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & \dots & b_n & \dots & a_{nn} \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & a_{n2} & a_{n3} & \dots & a_{nn} \end{vmatrix}}. \quad (5.5)$$

Формула (5.5) дає можливість визначити кожне невідоме системи лінійних рівнянь (5.1).

Якщо вільні члени системи лінійних рівнянь рівні нулю, то вона буде системою лінійних однорідних рівнянь.

Система лінійних однорідних рівнянь може мати рішення відмінне від нульового, якщо визначник системи Δ не рівний нулю.

Нехай,

$$\begin{aligned} A &= [xy] - 1/n([x][y]), \\ B &= [X^2] - 1/n([x]^2), \\ C &= [Y^2] - 1/n([Y]^2). \end{aligned} \quad (5.6)$$

І в нашому випадку

$$\begin{aligned} A &= \frac{[XY] - [X][Y]/n}{[X][Y] - [X]^2/n} = -18,655611 \\ B &= \frac{[X^2] - [x]^2/n}{[X]^2 - [x]^2/n} = 2,1077943 \\ C &= \frac{[Y^2] - [Y]^2/n}{[Y]^2 - [Y]^2/n} = 173,005238 \end{aligned}$$

При цьому коефіцієнт кореляції r

$$r^2 = A^2/BC, \quad (5.7)$$

тобто

$$r = A/\sqrt{BC}. \quad (5.8)$$

При цьому

$$r = 0,976935139$$

що говорить про надто високий зв'язок між факторною X і результируючою ознакою Y . А це дає нам підстави вивести емпіричну формулу математичної моделі впливу ціни товару на його попит.

Таким чином, невідомий коефіцієнт b буде

$$b = A/B. \quad (5.9)$$

І в нашому випадку

$$b = -18,655611/2,1077943 = -8,850774.$$

Коефіцієнт a знайдемо за формулою

$$a = 1/n([Y] - b[X]). \quad (5.10)$$

При цьому

$$a = 1/10(100,998 - (-8,850774) * 25,6) = 32,757781,$$

тобто математична модель, розроблена в даній монографії, буде

$$y' = 32,757781 - 8,850774x. \quad (5.11)$$

6. Контроль зрівноваження

Контроль зрівноваження виконується за формулою

$$[Y^2] - b[UX] - a[Y] = [\varepsilon\varepsilon] \quad (6.1)$$

І в нашому випадку

$$1193,065 - 8,850774 * 239,899269 - 32,757781 * 100,998 = 7,8886470,$$

а з другої сторони

$$[\varepsilon\varepsilon] = 7,8886470,$$

що говорить про коректність виконаної процедури строгого зрівноваження за способом найменших квадратів.

7. Оцінка точності параметрів, отриманих із рішення системи нормальних рівнянь

Середня квадратична похибка одиниці ваги розраховується за формулою

$$\mu = \sqrt{\frac{[\varepsilon\varepsilon]}{n - K}} \quad (7.1)$$

У формулі (7.1) n - число початкових рівнянь, K - число невідомих. В нашому випадку $n = 10$; $K = 2$. ε - різниця між вирахованим значенням y' і вихідним значенням y_i

$$\varepsilon_i = y'_i - y_i \quad (7.2)$$

Підставляючи у виведену нами, формулу (5.11) значення X спотвореної моделі отримаємо розрахункові значення y' , які будуть дещо відрізнятись від вихідних значень Y .

Середня квадратична похибка одиниці ваги за результатами наших досліджень

$$\mu = \sqrt{(7,8886470/8)} = 0,99302$$

Середня квадратична похибка коефіцієнта b

$$m_b = \mu \sqrt{(1/B)} \quad (7.3)$$

де вага P коефіцієнта b розраховується за формулою

$$P_b = (n[X^2] - [X][X])/n,$$

тобто

$$P_b = B. \quad (7.4)$$

І в нашому випадку

$$m_b = 0,99302 \sqrt{(1/2,1077943)} = 0,684.$$

Середня квадратична похибка коефіцієнта a

$$m_a = \mu \sqrt{([X^2]/B*n)}, \quad (7.5)$$

де вага P коефіцієнта a розраховується за формулою

$$P_a = (n[X^2] - [X][X])/[X^2], \quad (7.6)$$

тобто

$$P_a = B*n/[X^2]. \quad (7.7)$$

І в нашому випадку

$$m_a = 0,99302 \sqrt{(67,644/2,1077943*10)} = 1,7789$$

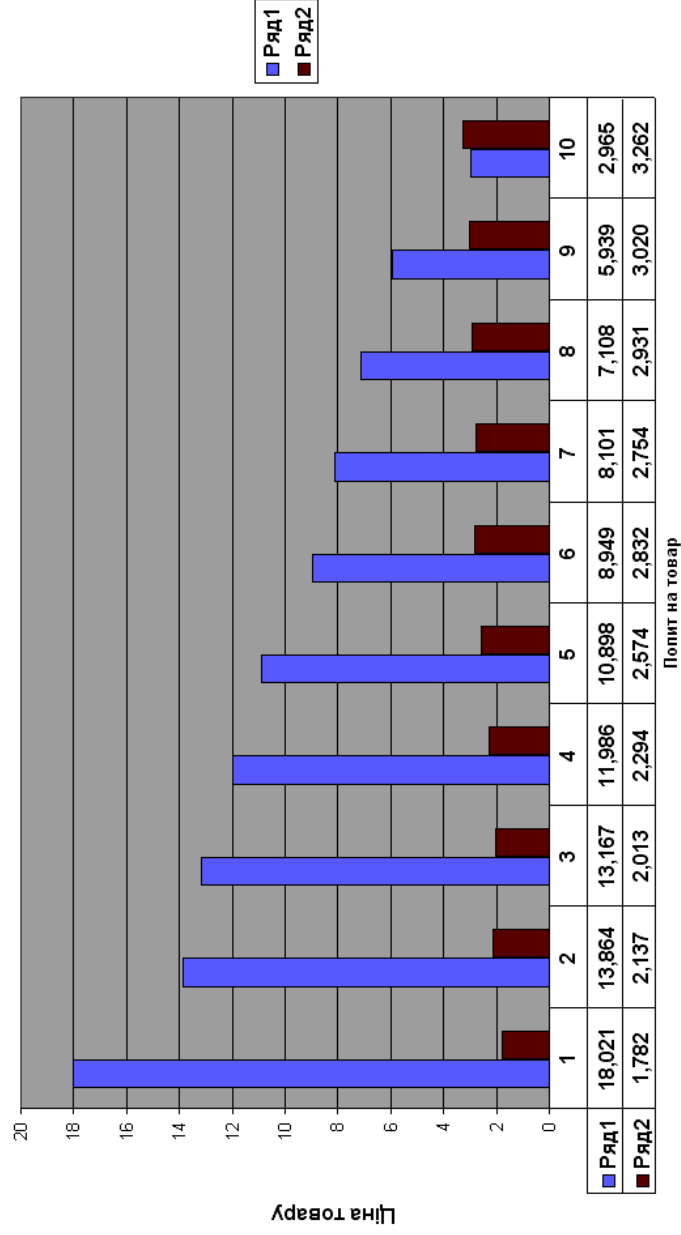
Середню квадратичну похибку зрівноваженої функції Y' розраховують за формулою

$$m_{y'} = \sqrt{(m_b^2(X_{ср.} - [X]/n)^2 + \mu^2/n)}. \quad (7.8)$$

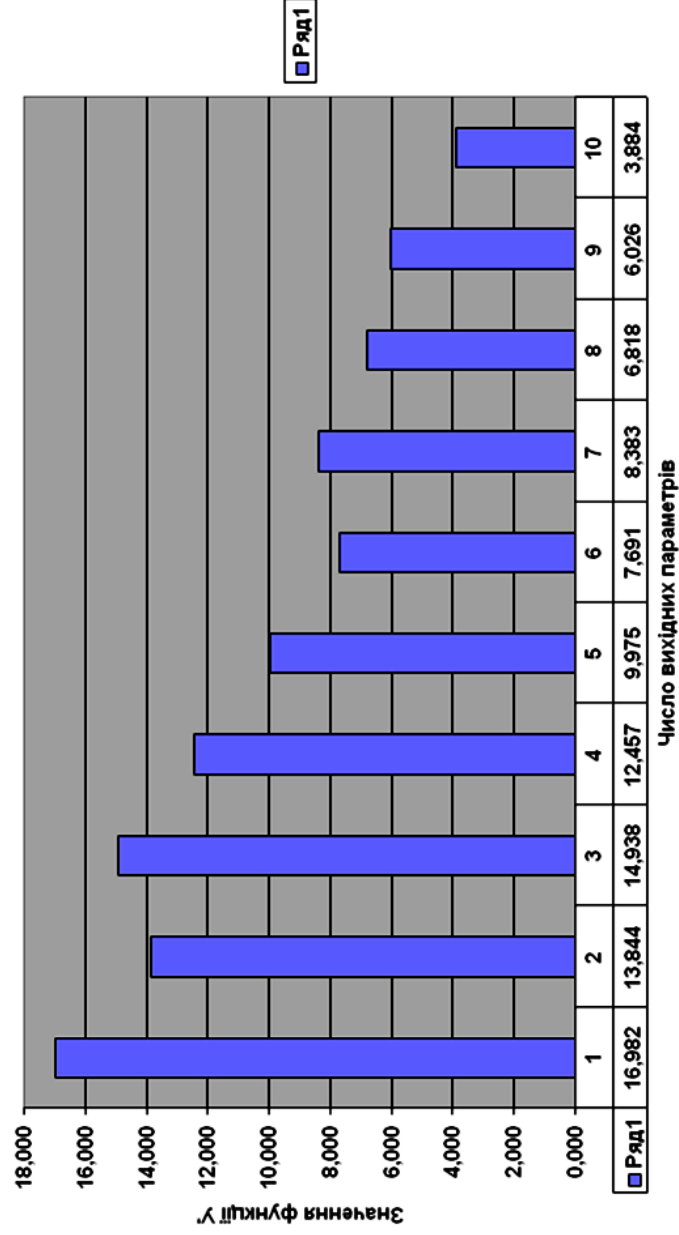
Таблиця 5. Порівняльний аналіз результатів строгого зрівноваження

№	$x_{сповб}$	$y_{іст}$	$y'_{зрівноваж}$	$\varepsilon = y'_i - y_i$	ε^2
1	1,782	18,021	16,982	-1,038892	1,0792956
2	2,137	13,864	13,844	-0,0201388	0,0004056
3	2,013	13,167	14,938	1,7711669	3,1370323
4	2,294	11,986	12,457	0,470671	0,2215315
5	2,574	10,898	9,975	-0,922824	0,8516046
6	2,832	8,949	7,691	-1,257922	1,5823679
7	2,754	8,101	8,383	0,282322	0,0797054
8	2,931	7,108	6,818	-0,290169	0,0841979
9	3,020	5,939	6,026	0,0865374	0,0074887
10	3,262	2,965	3,884	0,9192483	0,8450174
n=10	25,600	100,998	100,998	0,0000000	7,8886470

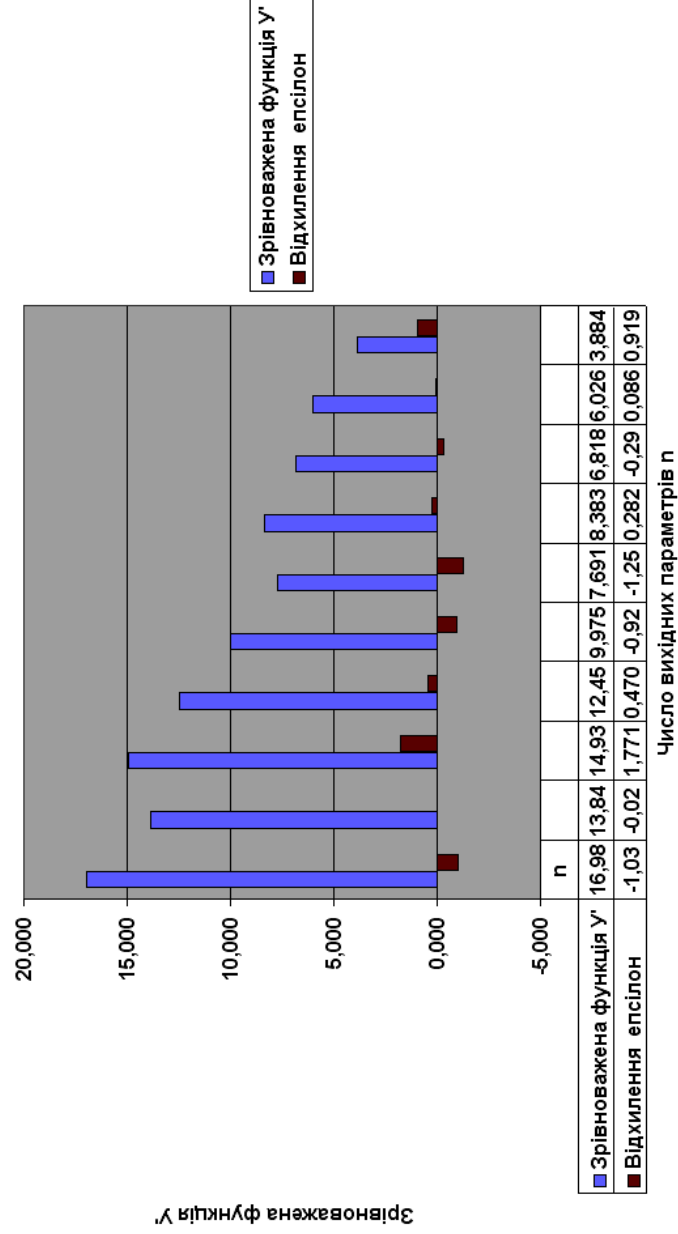
Ціна товару і попит на нього



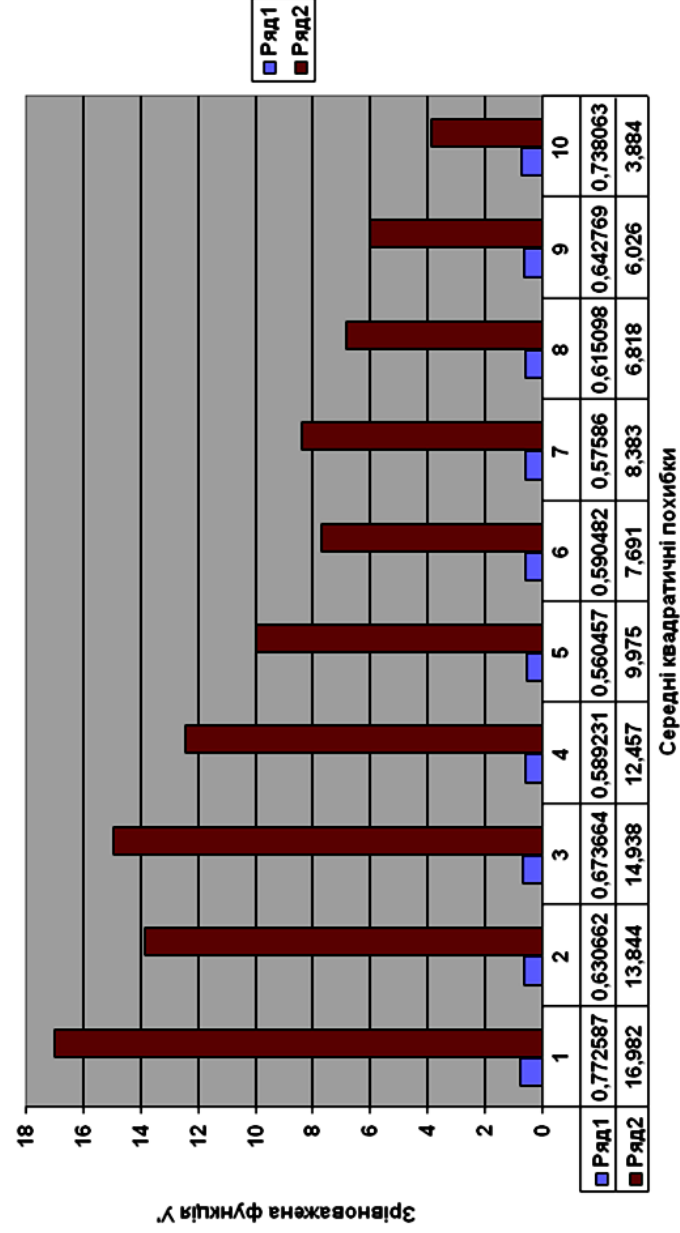
Зрівноважена функція У



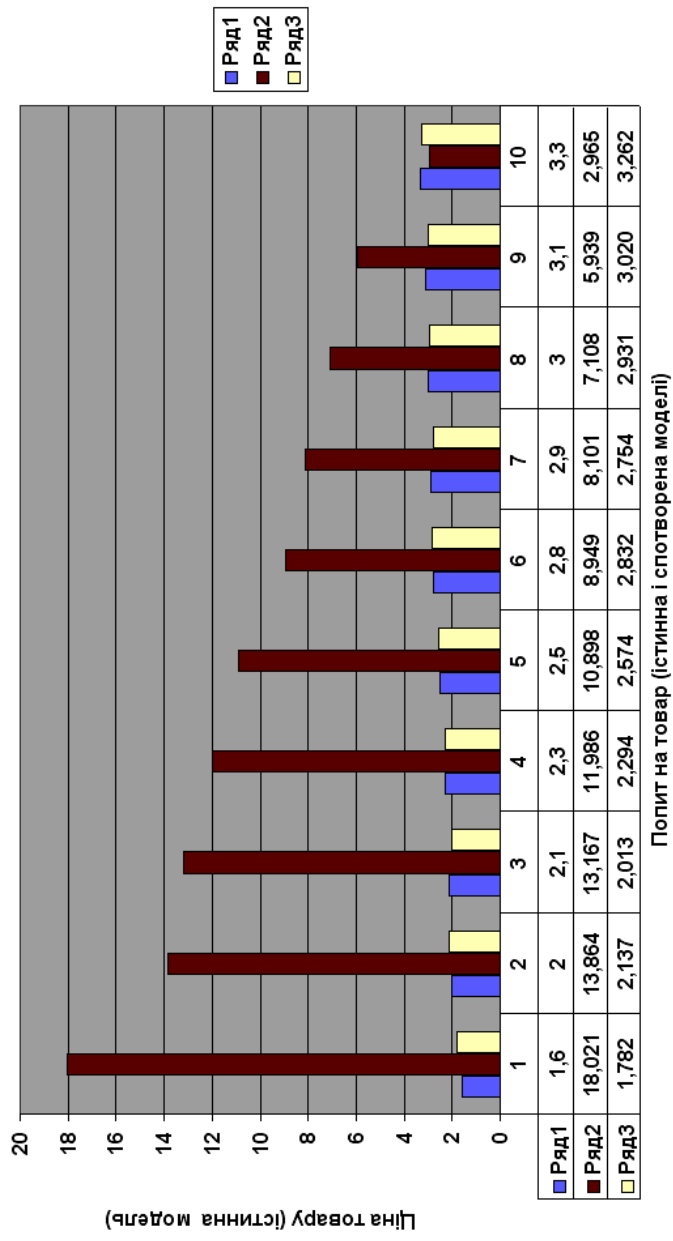
Зрівноважена функція Y' і абсолютна похибка епілон



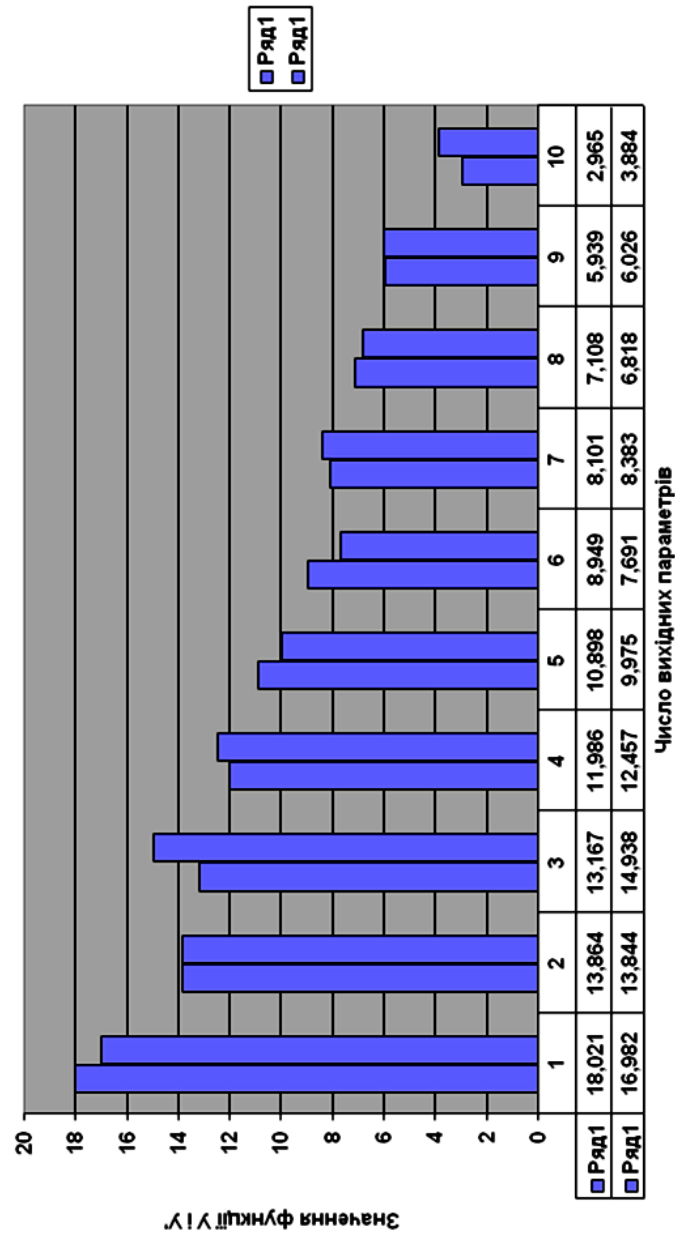
Математична модель і її похибки



Ціна товару і попит на нього (істинна і спотворена моделі)



Істинна (зліва) і побудована (справа) математичні моделі



На першій діаграмі «Ціна товару і попит на нього» першим рядом (лівим стовпчиком) представлена ціна товару істинної математичної моделі, розробленої Р.М.Літнарівичем і приведеної значеннями «У» табл1

Другим рядом (правим стовпчиком) представлені значення «Х» спотвореної математичної моделі, побудованої автором даної монографії. Як бачимо, ціна товару обернено пропорційна попиту на нього, тобто із зниженням ціни товару зростає попит на нього. Ціна товару набагато більша попиту на нього і лише в останньому стовпчику, при самій низькій ціні товару, попит на нього переважає його ціну.

На другій діаграмі приведені значення «У'» ціни товару зрівноваженої моделі, побудованої автором даної монографії.

На третій діаграмі представлена зрівноважена функція У' і абсолютні похибки (відхилення) даної функції від її істинної моделі.

На четвертій діаграмі представлена побудована автором даної монографії математична модель і середні квадратичні похибки даної моделі.

На п'ятій діаграмі приведено порівняння істинної і зрівноваженої математичної моделі «Ціна товару і попит на нього».

Шоста діаграма ілюструє порівняння істинної і зрівноваженої математичної моделі.

Висновки

На основі проведених досліджень в даній роботі:

1. Генеровані випадкові числа, які приведено до нормованої досліджуваної точності.
2. На основі істинної моделі і генерованих істинних похибок побудована спотворена модель залежності ціни товару і попиту на нього.
3. Математична модель апроксимована по способу найменших квадратів поліномом першого степеня.
4. Отримана формула

$$| Y' = a + bX = 32,75778097 - 8,850774 X |$$

залежності попиту на товар **X** від ціни товару **У**.

5. Встановлено, що середня квадратична похибка одиниці ваги за результатами зрівноваження складає 1,10711 ціни одиниці товару;
 - середня квадратична похибка визначення коефіцієнта a $m_a = 1,7789$;
 - середня квадратична похибка визначення коефіцієнта b при x $m_b = 0,684$
 - середні квадратичні похибки зрівноваженої функції
 -
 - 0,61764081
 - 0,42699407
 - 0,48827454
 - 0,36301758
 - 0,3141669
 - 0,36504444
 - 0,34088629
 - 0,40365171
 - 0,44468129
 - 0,57386927

R

mφ

6. Розроблена методика підготовки істинних похибок наперед заданої точності.
7. Дана робота відкриває дорогу для проведення досліджень методом статистичних випробувань Монте Карло.
8. Вона дає можливість охопити велику аудиторію, тому що генеруються похибки індивідуально і вони не повторюються в других моделях.
9. Робота виконується вперше. Нам не відомі літературні джерела, де б виконувались аналогічні дослідження в економіці.

Література

- Бугір М.К. Математика для економістів.Київ.Видавничий центр «Академія», 2003,-519 с.
- Ржевський С.В., Александрова В.М. Дослідження . операцій. Київ, «Академвидав», 2006, -558 с.
- 3. Соколенко О.І. Вища математика.Київ, Видавничий центр «Академія», 2003,-431 с.
- 4. Літнарівич Р.М. Алгебра матриць. Курс лекцій. МЕНУ, Рівне,2007, - 108 с.
- 5. Літнарівич Р.М. Лінійна алгебра. Елементи теорії визначників. Курс лекцій.МЕНУ, Рівне,2007, - 72 с.
- 6.Літнарівич Р.М. Основи математики. Дослідження результатів психолого-педагогічного експерименту експоненціальною функцією. Навчальний посібник.Частина 4. МЕНУ, Рівне, 2006, -17 с.
- Літнарівич Р.М. Основи математики. Дослідження результатів психолого-педагогічного експерименту степенною функцією. Навчальний посібник.Частина 5. МЕНУ, Рівне, 2006, -17 с.

Додаток 1 Генерування псевдовипадкових чисел, підпорядкування їх нормального закону розподілу і розрахунок істинних похибок.

0,97	0,448	0,522	0,272484	0,18241	0,03327195
0,84	0,448	0,392	0,153664	0,137	0,01876331
0,2	0,448	-0,248	0,061504	-0,0867	0,00751001
0,43	0,448	-0,018	0,000324	-0,006	0,00003956
0,66	0,448	0,212	0,044944	0,07408	0,00548794
0,54	0,448	0,092	0,008464	0,032	0,00103351
0,03	0,448	-0,418	0,174724	-0,1461	0,02133486
0,25	0,448	-0,198	0,039204	-0,069	0,00478705
0,22	0,448	-0,228	0,051984	-0,0797	0,00634756
0,34	0,448	-0,108	0,011664	-0,0377	0,00142425
4,48	Суми	-6E-16	0,81896	-2,1E-16	0,10000000
A	B	C	D	E	F

Додаток 2. Побудова спотвореної моделі.

0,18241	1,782	1,6	18,021	1,782
0,137	2,137	2	13,864	2,137
-0,0867	2,013	2,1	13,167	2,013
-0,006	2,294	2,3	11,986	2,294
0,07408	2,574	2,5	10,898	2,574
0,032	2,832	2,8	8,949	2,832
-0,1461	2,754	2,9	8,101	2,754
-0,069	2,931	3	7,108	2,931
-0,0797	3,020	3,1	5,939	3,020
-0,0377	3,262	3,3	2,965	3,262
-2,1E-16	25,600	25,6	100,998	25,600
E	I	G	H	I
Істинні похиб.	Хспотв.	Хіст.	Уіст.	Хспотв.

Додаток 3. Розрахункова таблиця.

18,021	1,782	1	3,177	32,12073881	324,756
13,864	2,137	1	4,567	29,62708005	192,210
13,167	2,013	1	4,054	26,50964344	173,370
11,986	2,294	1	5,261	27,49240971	143,664
10,898	2,574	1	6,626	28,05233042	118,766
8,949	2,832	1	8,021	25,34489412	80,085
8,101	2,754	1	7,584	22,30963078	65,626
7,108	2,931	1	8,590	20,83220822	50,524
5,939	3,020	1	9,122	17,93773041	35,272
2,965	3,262	1	10,642	9,67260334	8,791
100,998	25,600	10	67,644	239,899269	1193,065
H	I	J	K	L	M
Уіст.	Хспотв.	Х0	Х^2	Y*Х	Y^2

Додаток 4. Розрахунок коефіцієнта кореляції

Розраху	нок коєфіці	єнта А=	$[XY]-[X][Y]/n=$	-18,655611
Розраху	нок коєфіці	єнта В=	$[X^2]-[x]^2/n=$	2,1077943
Розраху	нок коєфіці	єнта С=	$[Y^2]-1/n*[Y]^2=$	173,005238
Розраху	нок коєфіці	єнта коре	ляції $r^2=A^2/BC=$	0,9544023
	$r=\sqrt{r^2}=$	0,976935139		

Додаток 5. Вільні члени нормальних рівнянь.

$$[UX]= 239,899269$$

$$[Y]=100.998$$

Додаток 6. Розрахунок коефіцієнтів апроксимуючого поліному.

Розраху	нок коєфіці	єнта b	
	$b=A/B=$	8,850774	
Розраху	нок коєфіці	єнта a	
	$a=1/n([Y]-b[X])=$	32,757781	

Нами виведена формула за результатами теоретичних досліджень.

Формула побудованої математичної моделі
$Y'=a+bX= 32,75778097 -8,850774 X$

Додаток 7. Оцінка точності функції φ_y

$$m_{\varphi} = \sqrt{m_b^2 \left[X_{сн.} - \frac{1}{n} [X] \right]^2 + \mu^2/n}$$

$m_{\varphi}=$

0,61764081	0,36504444
0,42699407	0,34088629
0,48827454	0,40365171
0,36301758	0,44468129
0,3141669	0,57386927

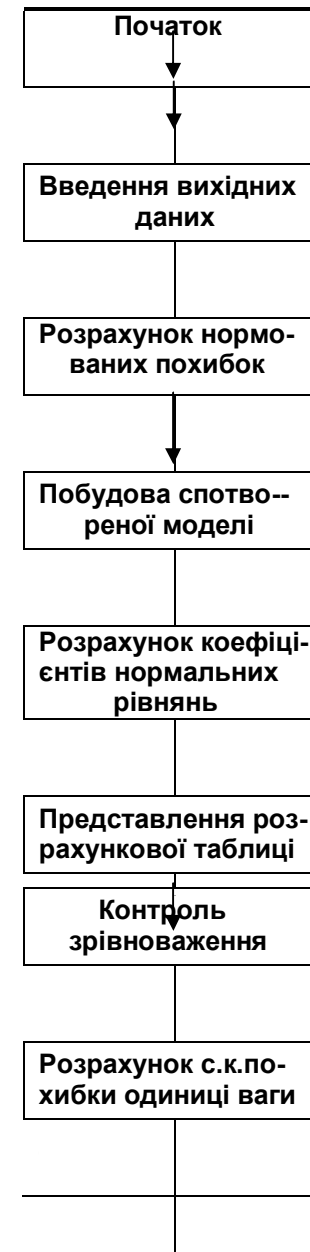
Додаток 8. Контроль зрівноваження.

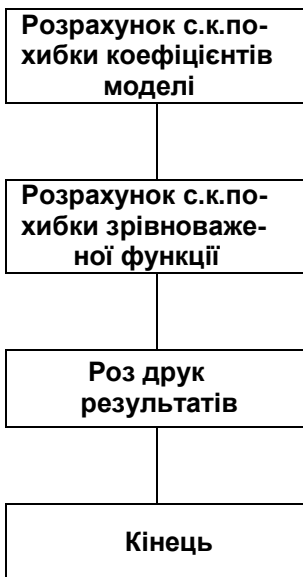
Контроль	зрівноважен	ня	
$[Y^2]$ -	$b[YX]$ -	$a[Y]=$	7,8886470
$[\epsilon\epsilon]=$	7,8886470		

Додаток 9. Оцінки точності зрівноважених елементів.

Середня квадратична похибка одиниці ваги	$\mu = \sqrt{[\epsilon\epsilon]/(n-k)} =$	0,99302
Середня квадратична похибка коефіцієнта а	$m_b = \mu \sqrt{1/B} =$	0,684
Середня квадратична похибка коефіцієнта в	$m_a = \mu \sqrt{[X^2]/B \cdot n} =$	1,7789
Вага коефіцієнта b	$P_b = B =$	2,10779
Вага коефіцієнта а	$P_a = B \cdot n / [X^2] =$	0,3116

Додаток 10. Блок-схема розрахунків в Ms Excel





Лисак Тарас Олександрович

**ПОБУДОВА І ДОСЛІДЖЕННЯ
ЕКОНОМІКО-МАТЕМАТИЧНОЇ МОДЕЛІ
ЗАЛЕЖНОСТІ ЦІНИ ТОВАРУ І ПОПИТУ
МЕТОДОМ СТАТИСТИЧНИХ
ВИПРОБУВАНЬ МОНТЕ-КАРЛО
Апроксимація поліномом першого степеня
Наукове видання**

**Науковий керівник – кандидат технічних наук,
доцент Літнарівич Руслан Миколайович**

*Комп'ютерний набір, верстка – дизайн у редакторі
Microsoft® Office 2003® Word*

Лисак Тарас Олександрович

РІВНЕНСЬКИЙ ІНСТИТУТ ВІДКРИТОГО МІЖНАРОДНОГО
УНІВЕРСИТЕТУ РОЗВИТКУ ЛЮДИНИ «УКРАЇНА»

**Кафедра Економічної теорії та інформаційних
технологій**

33028, м. Рівне, вул. Котляревського, 1